

Rotation d'une image

Christophe Viroulaud

Terminale - NSI

Algo 03



Principe

- Première approche
- Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

- Chargement de l'image
- Diviser
- Résoudre un petit problème

La rotation d'une image est une fonctionnalité proposée par n'importe quel logiciel de retouche tel **Gimp**. L'opération n'est cependant pas triviale et peut demander une durée non négligeable.

Principe

- Première approche
- Construction de l'algorithme

Algorithme de
rotation

- Chargement de l'image
- Diviser
- Résoudre un petit problème

Construire un algorithme de rotation d'une image en appliquant le principe de *diviser pour régner*.

Principe

- Première approche
- Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

- Chargement de l'image
- Diviser
- Résoudre un petit problème

1. Principe

1.1 Première approche

1.2 Construction de l'algorithme

2. Algorithme de rotation

Principe - Première approche

Principe

Première approche

Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

Chargement de l'image

Diviser

Résoudre un petit problème

Diviser pour régner se décompose en trois parties :

- ▶ *diviser* : Le problème est partagé en plusieurs petits problèmes identiques.
- ▶ *traitement* : Chaque petit problème est résolu.
- ▶ *recombinaison* : Les petits problèmes résolus sont assemblés pour remonter au problème principal.

Principe

Première approche

Construction de l'algorithme

Algorithme de
rotation

Chargement de l'image

Diviser

Résoudre un petit problème

Activité 1 : Réflexion commune : Considérons une image aux dimensions connues. Quelles étapes pourrions-nous imaginer pour répondre à notre problématique ?

Avant de regarder la correction

Principe

Première approche

Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

Chargement de l'image

Diviser

Résoudre un petit problème



- ▶ Prendre le temps de réfléchir,
- ▶ Analyser les messages d'erreur,
- ▶ Demander au professeur.

Principe

Première approche

Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

Chargement de l'image

Diviser

Résoudre un petit problème



Figure 1 – 1 pixel : rien à faire

Principe

Première approche

Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

Chargement de l'image

Diviser

Résoudre un petit problème

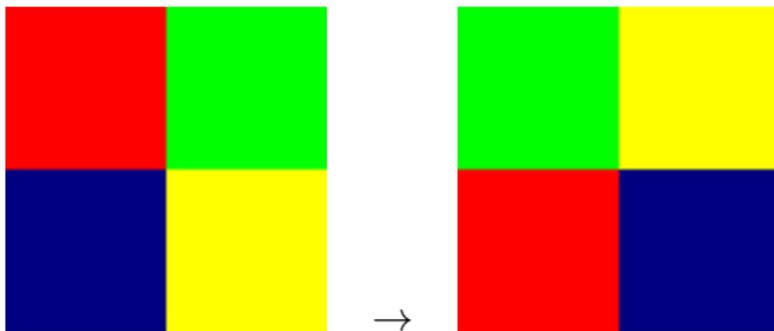


Figure 2 – Rotation

Principe

Première approche

Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

Chargement de l'image

Diviser

Résoudre un petit problème

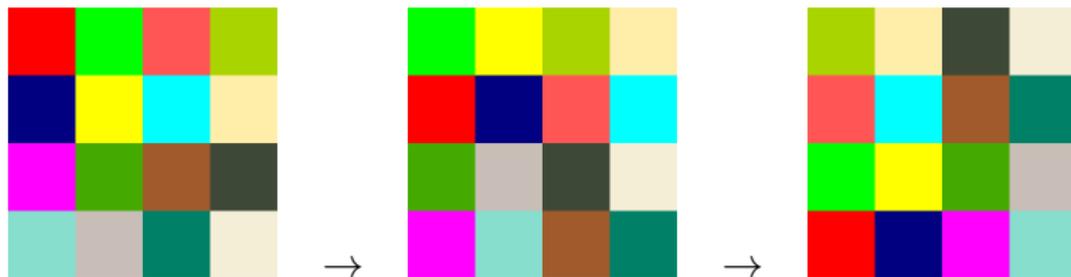


Figure 3 – Récursivité : on divise la taille des problèmes par 2.

Principe

Première approche

Construction de l'algorithme

Algorithme de
rotation

Chargement de l'image

Diviser

Résoudre un petit problème

Observation

On retrouve un algorithme de type *diviser pour régner*.
On divise un gros problème, difficile à résoudre, en petits problèmes simples.

1. Principe

1.1 Première approche

1.2 Construction de l'algorithme

2. Algorithme de rotation

Principe

Première approche

Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

Chargement de l'image

Diviser

Résoudre un petit problème

Construction de l'algorithme

Principe

Première approche

Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

Chargement de l'image

Diviser

Résoudre un petit problème

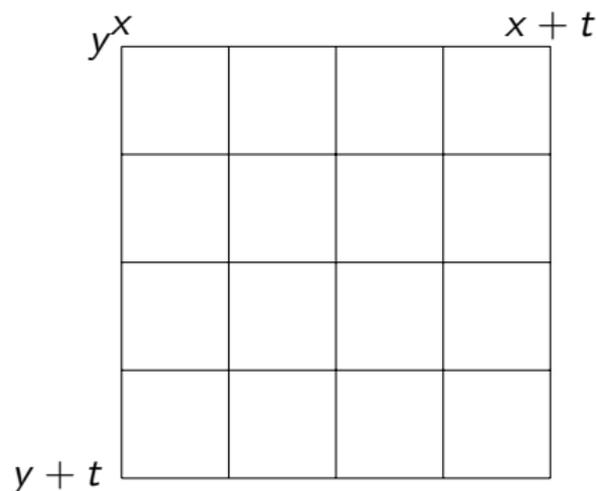


Figure 4 – $t = 4$. On divise la taille par 2 et on applique l'algorithme récursivement sur chaque partie.

Principe

Première approche

Construction de l'algorithme

Algorithme de
rotation

Chargement de l'image

Diviser

Résoudre un petit problème

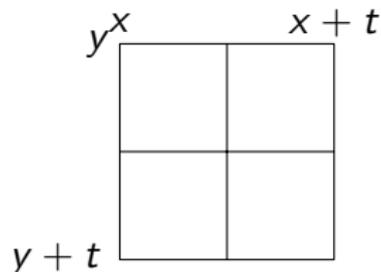


Figure 5 – $t = 2$. On divise encore la taille par 2 et on applique l'algorithme récursivement sur chaque partie.

Principe

Première approche

Construction de l'algorithme

Algorithme de
rotation

Chargement de l'image

Diviser

Résoudre un petit problème



Figure 6 – $t = 1$; On ne fait rien.

Principe

Première approche

Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

Chargement de l'image

Diviser

Résoudre un petit problème

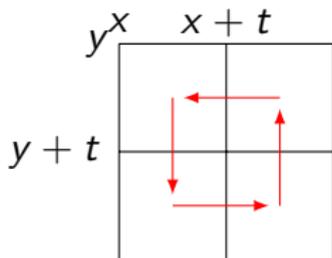


Figure 7 – On fait tourner et on remonte l'appel.

Principe

Première approche

Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

Chargement de l'image

Diviser

Résoudre un petit problème

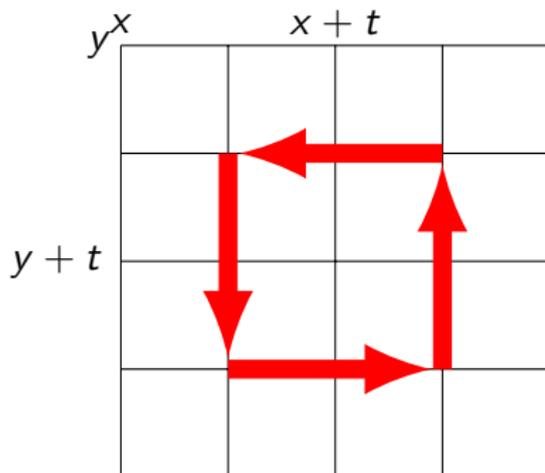


Figure 8 – On fait tourner et on remonte l'appel.

Principe

Première approche

Construction de l'algorithme

Algorithme de
rotation

Chargement de l'image

Diviser

Résoudre un petit problème

- ▶ Si la taille t est égal à 1, ne rien faire.
- ▶ Sinon : **découper en sous problèmes**
 - ▶ diviser la taille t en 2,
 - ▶ effectuer récursivement la rotation des **quatre parties** de la portion carrée.
 - ▶ **résoudre les petits problèmes** : Tourner les pixels.

1. Principe

2. Algorithme de rotation

2.1 Chargement de l'image

2.2 Diviser

2.3 Résoudre un petit problème

Principe

Première approche

Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

Chargement de l'image

Diviser

Résoudre un petit problème

PIL (Python Image Library) -anciennement *pillow*- est une bibliothèque de traitement d'image.

```
1 from PIL import Image
2
3 im = Image.open("image.png")
4 im.show()
```

Code 1 – Charger une image

```
1 largeur, hauteur = im.size
2 px = im.load()
```

Code 2 – Récupérer des informations

Information

La variable `px` contient une matrice représentative des pixels de l'image. La couleur du pixel de coordonnées (x,y) est donnée par l'instruction `px[x,y]`. Il est également possible d'affecter une nouvelle couleur à un pixel : `px[x,y] = couleur`.

Activité 2 :

1. Récupérer une image carrée sur <https://www.freepng.fr/>. Le côté doit être une puissance de 2.
2. Créer une classe `Image_lib` et son constructeur qui admet un paramètre : le chemin de l'image. Ce constructeur construira alors un objet `Image` de la bibliothèque `PIL`.
3. Écrire la méthode `montrer`, sans paramètre, qui affiche l'image.
4. Créer une instance de la classe `Image_lib` en lui passant pour argument, le chemin de l'image à faire tourner.

Principe

Première approche
Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

Chargement de l'image
Diviser
Résoudre un petit problème

Avant de regarder la correction

Principe

Première approche
Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

Chargement de l'image
Diviser
Résoudre un petit problème



- ▶ Prendre le temps de réfléchir,
- ▶ Analyser les messages d'erreur,
- ▶ Demander au professeur.

Principe

Première approche
Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

Chargement de l'image
Diviser
Résoudre un petit problème

```
1 from PIL import Image
2
3 class Image_lib:
4
5     def __init__(self, fichier: str) -> None:
6         self.image = Image.open(fichier)
7         self.largeur, self.hauteur = self.image.size
8         self.px = self.image.load()
```

Code 3 – Constructeur

Principe

- Première approche
- Construction de l'algorithme

Algorithme de
rotation

- Chargement de l'image
- Diviser
- Résoudre un petit problème

```
1 def montrer(self):  
2     """  
3     affiche l'image  
4     """  
5     self.image.show()
```

Code 4 – Afficher l'image

```
1 im = Image_lib("angry.png")  
2 im.montrer()
```

Code 5 – Programme principal

1. Principe

2. Algorithme de rotation

2.1 Chargement de l'image

2.2 Diviser

2.3 Résoudre un petit problème

Principe

- Première approche
- Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

- Chargement de l'image
- Diviser**
- Résoudre un petit problème

Principe

Première approche
Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

Chargement de l'image
Diviser
Résoudre un petit problème

Activité 3 : On suppose qu'on dispose de la méthode `tourner_antihoraire(self, x: int, y: int, t: int) -> None` qui fait tourner les 4 blocs dans le sens anti-horaire.

Écrire alors la méthode récursive `rotation(self, x: int, y: int, t: int) -> None` qui effectue les quatre rotations récursives sur les quatre blocs, puis fait tourner à l'aide de la fonction `tourner`.

Avant de regarder la correction



- ▶ Prendre le temps de réfléchir,
- ▶ Analyser les messages d'erreur,
- ▶ Demander au professeur.

Principe

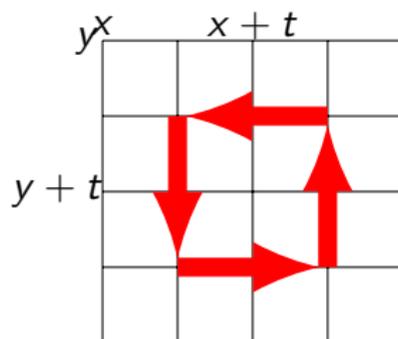
- Première approche
- Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

- Chargement de l'image

Diviser

- Résoudre un petit problème



Principe

- Première approche
- Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

- Chargement de l'image

Diviser

- Résoudre un petit problème

```
1 def rotation(self, x: int, y: int, t: int) -> None:
2     if t > 1:
3         t = t // 2
4         self.rotation(x, y, t)
5         self.rotation(x+t, y, t)
6         self.rotation(x, y+t, t)
7         self.rotation(x+t, y+t, t)
8
9     self.tourner_antihoraire(x, y, t)
```

Code 6 – Le cas limite est atteint quand on a 1 seul pixel.

1. Principe

2. Algorithme de rotation

2.1 Chargement de l'image

2.2 Diviser

2.3 Résoudre un petit problème

Principe

Première approche

Construction de l'algorithme

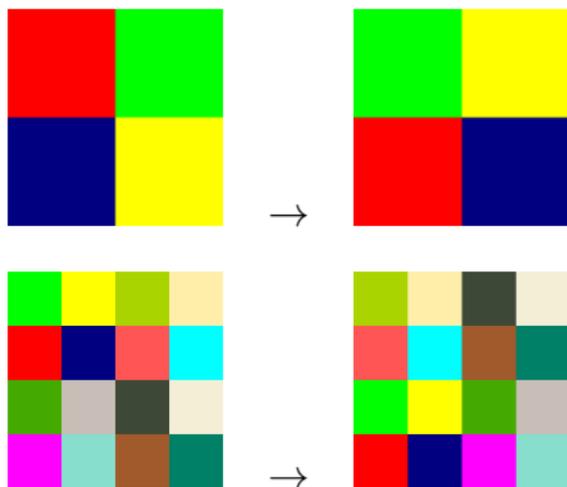
Algorithme de rotation

Chargement de l'image

Diviser

Résoudre un petit problème

Résoudre un petit problème



Principe

- Première approche
- Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

- Chargement de l'image
- Diviser
- Résoudre un petit problème

Activité 4 : Écrire la méthode

`tourner_antihoraire(self, x: int, y: int, t: int) → None` qui fait tourner les pixels compris dans l'intervalle de colonnes $[x; x + t]$ et l'intervalle de lignes $[y; y + t]$.

Avant de regarder la correction

Principe

Première approche
Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

Chargement de l'image
Diviser

Résoudre un petit problème



- ▶ Prendre le temps de réfléchir,
- ▶ Analyser les messages d'erreur,
- ▶ Demander au professeur.

```
1 def tourner_antihoraire(self, x: int, y: int, t: int) -> None:
2     for l in range(y, y+t):
3         for c in range(x, x+t):
4             self.px[l, c+t], self.px[l+t, c+t], \
5                 self.px[l+t, c], self.px[l, c] = \
6                 self.px[l, c], self.px[l, c + t], \
7                 self.px[l+t, c+t], self.px[l+t, c]
```

Code 7 – Chaque *bloc* tourne d'un cran dans le sens anti-horaire

Activité 5 :

1. Écrire la méthode `tourner_horaire`, symétrique de `anti_horaire`.
2. Écrire la méthode `fait_tourner` qui accepte un paramètre de type booléen. Si l'argument passé est `True`, la méthode effectuera une rotation dans le sens horaire.
3. Écrire alors un programme principal qui instancie la classe et effectue deux rotations.

Avant de regarder la correction

Principe

Première approche
Construction de l'algorithme

Algorithme de rotation

Chargement de l'image
Diviser

Résoudre un petit problème



- ▶ Prendre le temps de réfléchir,
- ▶ Analyser les messages d'erreur,
- ▶ Demander au professeur.

```
1 def tourner_antihoraire(self, x: int, y: int, t: int) -> None:
2     for l in range(y, y+t):
3         for c in range(x, x+t):
4             self.px[c, l+t], self.px[c+t, l+t], \
5             self.px[c+t, l], self.px[c, l] = \
6                 self.px[c, l], self.px[c, l+t], \
7                 self.px[c+t, l+t], self.px[c+t, l]
8
9 def tourner_horaire(self, x: int, y: int, t: int) -> None:
10    for l in range(y, y+t):
11        for c in range(x, x+t):
12            self.px[c, l+t], self.px[c+t, l+t], \
13            self.px[c+t, l], self.px[c, l] = \
14                self.px[c+t, l+t], self.px[c+t, l], \
15                self.px[c, l], self.px[c, l+t]
```

Code 8 – Tourner

```
1 def fait_tourner(self, horaire: bool = True) -> None:
2     """
3     tourne l'image de 90°
4
5     Paramètres
6     -----
7     horaire: booléen; défaut: True
8         tourne de 90° dans le sens horaire si True,
9         dans le sens anti-horaire sinon
10    """
11    self.rotation(0, 0, self.largeur, horaire)
```

Code 9 – Avec choix de la rotation

```
1 def rotation(self, x: int, y: int, t: int, horaire: bool):
2     if t > 1:
3         t //= 2
4         self.rotation(x, y, t, horaire)
5         self.rotation(x+t, y, t, horaire)
6         self.rotation(x, y+t, t, horaire)
7         self.rotation(x+t, y+t, t, horaire)
8
9     if horaire:
10        self.tourner_horaire(x, y, t)
11    else:
12        self.tourner_antihoraire(x, y, t)
```

Code 10 – Il faut alors modifier la méthode `rotation`

Principe

Première approche
Construction de l'algorithme

Algorithme de
rotation

Chargement de l'image
Diviser

Résoudre un petit problème

```
1 im = Image_lib("angry.png")
2 im.montrer()
3 im.fait_tourner(True)
4 im.montrer()
5 im.fait_tourner(False)
6 im.montrer()
```

Code 11 – Programme principal